

**Instrucciones:** a) **Duración:** 1 hora y 30 minutos.

- b) Tienes que **elegir** entre realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción A** o realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción B**.
- c) La puntuación de cada pregunta está indicada en la misma.
- d) Contesta de forma razonada y escribe ordenadamente y con letra clara.
- e) Se permitirá el uso de calculadoras que no sean programables, gráficas ni con capacidad para almacenar o transmitir datos. No obstante, todos los procesos conducentes a la obtención de resultados deben estar suficientemente justificados.

**Opción A**

**Ejercicio 1.-** Sea  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  definida por  $f(x) = x^3 + ax^2 + bx + c$ .

- a) [1'75 puntos] Halla  $a, b$  y  $c$  para que la gráfica de  $f$  tenga un punto de inflexión de abscisa  $x = \frac{1}{2}$  y que la recta tangente en el punto de abscisa  $x = 0$  tenga por ecuación  $y = 5 - 6x$ .
- b) [0'75 puntos] Para  $a = 3, b = -9$  y  $c = 8$ , calcula los extremos relativos de  $f$  (abscisas donde se obtienen y valores que se alcanzan).

**Ejercicio 2.-** Sean  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  y  $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  las funciones definidas respectivamente por

$$f(x) = \frac{|x|}{2} \quad \text{y} \quad g(x) = \frac{1}{1+x^2}$$

- a) [1 punto] Esboza las gráficas de  $f$  y  $g$  sobre los mismos ejes y calcula los puntos de corte entre ambas gráficas.
- b) [1'5 puntos] Calcula el área del recinto limitado por las gráficas de  $f$  y  $g$ .

**Ejercicio 3.-** Considera el siguiente sistema de ecuaciones lineales

$$\left. \begin{array}{r} x + 2y - 3z = 3 \\ 2x + 3y + z = 5 \end{array} \right\}$$

- a) [1'5 puntos] Calcula  $\alpha$  de manera que al añadir una tercera ecuación de la forma  $\alpha x + y - 7z = 1$  el sistema resultante tenga las mismas soluciones que el original.
- b) [1 punto] Calcula las soluciones del sistema dado tales que la suma de los valores de las incógnitas sea 4.

**Ejercicio 4.-** Considera la recta  $r$  que pasa por los puntos  $A(1, 0, -1)$  y  $B(-1, 1, 0)$ .

- a) [1 punto] Halla la ecuación de la recta  $s$  paralela a  $r$  que pasa por  $C(-2, 3, 2)$ .
- b) [1'5 puntos] Calcula la distancia de  $r$  a  $s$ .

**Instrucciones:** a) **Duración:** 1 hora y 30 minutos.

- b) Tienes que **elegir** entre realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción A** o realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción B**.
- c) La puntuación de cada pregunta está indicada en la misma.
- d) Contesta de forma razonada y escribe ordenadamente y con letra clara.
- e) Se permitirá el uso de calculadoras que no sean programables, gráficas ni con capacidad para almacenar o transmitir datos. No obstante, todos los procesos conducentes a la obtención de resultados deben estar suficientemente justificados.

**Opción B**

**Ejercicio 1.- [2'5 puntos]** Se desea construir un depósito en forma de cilindro recto, con base circular y sin tapadera, que tenga una capacidad de  $125 \text{ m}^3$ . Halla el radio de la base y la altura que debe tener el depósito para que la superficie sea mínima.

**Ejercicio 2.- [2'5 puntos]** Sea  $f$  la función definida por  $f(x) = x \ln(x + 1)$  para  $x > -1$  ( $\ln$  denota el logaritmo neperiano). Determina la primitiva de  $f$  cuya gráfica pasa por el punto  $(1, 0)$ .

**Ejercicio 3.- [2'5 puntos]** Considera las matrices

$$A = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \quad y \quad B = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 1 \\ 1 & -1 & 0 \\ -1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$$

Determina, si existe, la matriz  $X$  que verifica  $AX + B = A^2$ .

**Ejercicio 4.-** Sea  $r$  la recta definida por  $\begin{cases} x + 2y - z = 3 \\ 2x - y + z = 1 \end{cases}$

- a) **[1'5 puntos]** Determina la ecuación general del plano que contiene a  $r$  y pasa por el origen de coordenadas.
- b) **[1 punto]** Halla las ecuaciones paramétricas del plano que corta perpendicularmente a  $r$  en el punto  $(1, 1, 0)$ .

**Instrucciones:** a) **Duración:** 1 hora y 30 minutos.

- b) Tienes que **elegir** entre realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción A** o realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción B**.
- c) La puntuación de cada pregunta está indicada en la misma.
- d) Contesta de forma razonada y escribe ordenadamente y con letra clara.
- e) Se permitirá el uso de calculadoras que no sean programables, gráficas ni con capacidad para almacenar o transmitir datos. No obstante, todos los procesos conducentes a la obtención de resultados deben estar suficientemente justificados.

**Opción A**

**Ejercicio 1.- [2'5 puntos]** Sabiendo que  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos(3x) - e^x + ax}{x \operatorname{sen}(x)}$  es finito, calcula  $a$  y el valor del límite.

**Ejercicio 2.- [2'5 puntos]** Calcula

$$\int_0^1 \frac{x^2}{2x^2 - 2x - 4} dx.$$

**Ejercicio 3.-** Considera el siguiente sistema de ecuaciones

$$\left. \begin{array}{rcl} x & - & y & + & mz & = & 0 \\ mx & + & 2y & + & z & = & 0 \\ -x & + & y & + & 2mz & = & 0 \end{array} \right\}.$$

- a) [0'75 puntos] Halla los valores del parámetro  $m$  para los que el sistema tiene una única solución.
- b) [1 punto] Halla los valores del parámetro  $m$  para los que el sistema tiene alguna solución distinta de la solución nula.
- c) [0'75 puntos] Resuelve el sistema para  $m = -2$ .

**Ejercicio 4.-** Considera los puntos  $A(1, 1, 2)$  y  $B(1, -1, -2)$  y la recta  $r$  dada por  $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = t \\ z = 1 \end{cases}$

- a) [1 punto] Halla la ecuación general del plano que contiene a  $r$  y es paralelo a la recta que pasa por  $A$  y por  $B$ .
- b) [1'5 puntos] Halla el punto de la recta  $r$  que está a la misma distancia de  $A$  y de  $B$ .

**Instrucciones:** a) **Duración:** 1 hora y 30 minutos.

- b) Tienes que **elegir** entre realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción A** o realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción B**.
- c) La puntuación de cada pregunta está indicada en la misma.
- d) Contesta de forma razonada y escribe ordenadamente y con letra clara.
- e) Se permitirá el uso de calculadoras que no sean programables, gráficas ni con capacidad para almacenar o transmitir datos. No obstante, todos los procesos conducentes a la obtención de resultados deben estar suficientemente justificados.

**Opción B**

**Ejercicio 1.- [2'5 puntos]** De entre todos los números reales positivos, determina el que sumado con su inverso da suma mínima.

**Ejercicio 2.- [2'5 puntos]** Calcula  $\int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{x}{\cos^2 x} dx$ . (Sugerencia: integración por partes).

**Ejercicio 3.-** Sabiendo que el determinante de la matriz  $A = \begin{pmatrix} x & y & z \\ 1 & 0 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$  es 2, calcula los siguientes determinantes indicando, en cada caso, las propiedades que utilices:

a) [0'5 puntos]  $\det(3A)$

b) [0'5 puntos]  $\det(A^{-1})$

c) [0'75 puntos]  $\begin{vmatrix} 3 & 0 & 1 \\ 3x & 2y & z \\ 3 & 4 & 3 \end{vmatrix}$

d) [0'75 puntos]  $\begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 \\ x+2 & y+4 & z+6 \\ -1 & 0 & -1 \end{vmatrix}$

**Ejercicio 4.-** Sea  $r$  la recta que pasa por los puntos  $A(1, 0, -1)$  y  $B(2, -1, 3)$ .

a) [1'25 puntos] Calcula la distancia del origen de coordenadas a la recta  $r$ .

b) [1'25 puntos] Halla la ecuación de la recta que corta perpendicularmente a  $r$  y pasa por el origen de coordenadas.

**Instrucciones:** a) **Duración:** 1 hora y 30 minutos.

- b) Tienes que **elegir** entre realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción A** o realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción B**.
- c) La puntuación de cada pregunta está indicada en la misma.
- d) Contesta de forma razonada y escribe ordenadamente y con letra clara.
- e) Se permitirá el uso de calculadoras que no sean programables, gráficas ni con capacidad para almacenar o transmitir datos. No obstante, todos los procesos conducentes a la obtención de resultados deben estar suficientemente justificados.

**Opción A**

**Ejercicio 1.- [2'5 puntos]** Sabiendo que  $\lim_{x \rightarrow 1} \left( \frac{x}{x-1} - \frac{a}{\ln x} \right)$  es finito, calcula  $a$  y el valor del límite ( $\ln$  denota el logaritmo neperiano).

**Ejercicio 2.- [2'5 puntos]** Determina una función derivable  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  sabiendo que  $f(1) = -1$  y que

$$f'(x) = \begin{cases} x^2 - 2x & \text{si } x < 0 \\ e^x - 1 & \text{si } x \geq 0. \end{cases}$$

**Ejercicio 3.-** Se sabe que el determinante de la matriz  $A = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{pmatrix}$  es  $-3$ . Calcula, indicando las propiedades que utilices, los siguientes determinantes:

a) [1 punto]  $\det(-2A)$  y  $\det(A^{-1})$ .

b) [1'5 puntos]  $\begin{vmatrix} a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ 7a_{11} & 7a_{12} & 7a_{13} \\ 2a_{31} & 2a_{32} & 2a_{33} \end{vmatrix}$  y  $\begin{vmatrix} a_{11} & a_{21} + 2a_{31} & 5a_{31} \\ a_{12} & a_{22} + 2a_{32} & 5a_{32} \\ a_{13} & a_{23} + 2a_{33} & 5a_{33} \end{vmatrix}$ .

**Ejercicio 4.-** Considera los vectores  $\vec{u} = (1, -1, 3)$ ,  $\vec{v} = (1, 0, -1)$  y  $\vec{w} = (\lambda, 1, 0)$ .

a) [0'75 puntos] Calcula los valores de  $\lambda$  que hacen que  $\vec{u}$  y  $\vec{w}$  sean ortogonales.

b) [0'75 puntos] Calcula los valores de  $\lambda$  que hacen que  $\vec{u}$ ,  $\vec{v}$  y  $\vec{w}$  sean linealmente independientes.

c) [1 punto] Para  $\lambda = 1$  escribe el vector  $\vec{r} = (3, 0, 2)$  como combinación lineal de  $\vec{u}$ ,  $\vec{v}$  y  $\vec{w}$ .

**Instrucciones:** a) **Duración:** 1 hora y 30 minutos.

- b) Tienes que **elegir** entre realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción A** o realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción B**.
- c) La puntuación de cada pregunta está indicada en la misma.
- d) Contesta de forma razonada y escribe ordenadamente y con letra clara.
- e) Se permitirá el uso de calculadoras que no sean programables, gráficas ni con capacidad para almacenar o transmitir datos. No obstante, todos los procesos conducentes a la obtención de resultados deben estar suficientemente justificados.

**Opción B**

**Ejercicio 1.-** Considera la función derivable  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  definida por

$$f(x) = \begin{cases} \frac{e^x - e^{-x}}{2x} & \text{si } x < 0 \\ ax + b & \text{si } x \geq 0 \end{cases}$$

- a) [1'75 puntos] Calcula  $a$  y  $b$ .
- b) [0'75 puntos] Halla la ecuación de la recta tangente a la gráfica de  $f$  en el punto de abscisa  $x = -1$ .

**Ejercicio 2.-** Considera el recinto limitado por las siguientes curvas

$$y = x^2, \quad y = 2 - x^2, \quad y = 4.$$

- a) [1 punto] Haz un esbozo del recinto y calcula los puntos de corte de las curvas.
- b) [1'5 puntos] Calcula el área del recinto.

**Ejercicio 3.-** Considera las matrices,

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 2 \\ 1 & 1 & 1 \\ 2 & 3 & 0 \end{pmatrix} \quad \text{y} \quad B = \begin{pmatrix} 2 & 0 & -3 \\ 3 & -1 & -3 \\ -1 & -2 & -1 \end{pmatrix}.$$

- a) [0'5 puntos] Calcula  $A^{-1}$ .
- b) [2 puntos] Halla la matriz  $X$  que verifica que  $A^t X + B = I$ , siendo  $I$  la matriz identidad y  $A^t$  la matriz traspuesta de  $A$ .

**Ejercicio 4.-** Sea  $r$  la recta dada por  $\frac{x+2}{2} = y+1 = \frac{z-1}{-3}$  y sea  $s$  la recta dada por  $\begin{cases} x - y - 3 = 0 \\ 3y - z + 6 = 0 \end{cases}$

- a) [1 punto] Estudia la posición relativa de  $r$  y  $s$ .
- b) [1'5 puntos] Halla la ecuación general del plano que contiene a  $r$  y es paralelo a  $s$ .

---

**UNIVERSIDADES DE ANDALUCÍA PRUEBA DE ACCESO A LA UNIVERSIDAD  
CURSO 2013-2014. MATEMÁTICAS II**

**Instrucciones:**

- a) **Duración:** 1 hora y 30 minutos.
- b) Tienes que **elegir** entre realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción A** o realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción B**.
- c) La puntuación de cada pregunta está indicada en la misma.
- d) Contesta de forma razonada y escribe ordenadamente y con letra clara.
- e) Se permitirá el uso de calculadoras que no sean programables, gráficas ni con capacidad para almacenar o transmitir datos. No obstante, todos los procesos conducentes a la obtención de resultados deben estar suficientemente justificados.

**Opción A**

**Ejercicio 1.-** Sea  $f$  la función definida por  $f(x) = \frac{1}{2x} + \ln(x)$  para  $x > 0$  ( $\ln$  denota el logaritmo neperiano).

- (a) [1'75 puntos] Determina el punto de la gráfica de  $f$  en el que la pendiente de la recta tangente es máxima.
- (a) [0'75 puntos] Halla la ecuación de la recta normal a la gráfica de  $f$  en el punto de abscisa  $x = 1$ .

**Ejercicio 2.-** [2'5 puntos] Calcula  $\int_{-1}^1 \ln(4-x) dx$  ( $\ln$  denota el logaritmo neperiano).

**Ejercicio 3.-** Considera el siguiente sistema de ecuaciones lineales,

$$\begin{aligned}x + (m+1)y + 2z &= -1 \\ mx + y + z &= m \\ (1-m)x + 2y + z &= -m - 1\end{aligned}$$

- a) [1'75 puntos] Discute el sistema según los valores del parámetro  $m$ .
- b) [0'75 puntos] Resuélvelo para  $m = 2$ . Para dicho valor de  $m$ , calcula, si es posible, una solución en la que  $z = 2$ .

**Ejercicio 4.-** Sean los vectores  $\mathbf{u} = (1,-1,0)$ ,  $\mathbf{v} = (0,1,2)$  y  $\mathbf{w} = (1+\alpha, 2\alpha, 2-3\alpha)$ . Halla los valores de  $\alpha$  en cada uno de los siguientes casos:

- (a) [1 punto]  $\mathbf{u}$ ,  $\mathbf{v}$  y  $\mathbf{w}$  están en el mismo plano.
- (b) [0'5 puntos]  $\mathbf{w}$  es perpendicular a  $\mathbf{u}$  y  $\mathbf{v}$ .
- (c) [1 punto] El volumen del tetraedro que tiene por aristas a los vectores  $\mathbf{u}$ ,  $\mathbf{v}$  y  $\mathbf{w}$  es  $1/6$ .

---

**UNIVERSIDADES DE ANDALUCÍA PRUEBA DE ACCESO A LA UNIVERSIDAD  
CURSO 2013-2014. MATEMÁTICAS II**

**Instrucciones:**

- a) **Duración:** 1 hora y 30 minutos.
- b) Tienes que **elegir** entre realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción A** o realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción B**.
- c) La puntuación de cada pregunta está indicada en la misma.
- d) Contesta de forma razonada y escribe ordenadamente y con letra clara.
- e) Se permitirá el uso de calculadoras que no sean programables, gráficas ni con capacidad para almacenar o transmitir datos. No obstante, todos los procesos conducentes a la obtención de resultados deben estar suficientemente justificados.

**Opción B**

**Ejercicio 1.-** [2'5 puntos] Sea  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  la función definida por  $f(x) = x^3 + bx^2 + cx + d$ .

Halla  $b$ ,  $c$  y  $d$  sabiendo que  $f$  tiene un máximo relativo en  $x = -1$  y que  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x)}{x-1} = 4$ .

**Ejercicio 2.-** Sea  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  la función definida por  $f(x) = -x^2 + 2x + 3$ .

- (a) [0'5 puntos] Calcula la ecuación de la recta tangente a la gráfica de  $f$  en el punto de abscisa  $x = 2$ .
- (b) [0'75 puntos] Esboza el recinto limitado por la gráfica de  $f$ , la recta  $2x + y - 7 = 0$  y el eje  $OX$ , calculando los puntos de corte.
- (c) [1'25 puntos] Halla el área del recinto descrito en el apartado anterior.

**Ejercicio 3.-** Considera las matrices,  $A = \begin{pmatrix} 1+m & 1 \\ 1 & 1-m \end{pmatrix}$  y  $B = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ .

- a) [0'75 puntos] ¿Para qué valores de  $m$  se verifica que  $A^2 = 2 \cdot A + I$ ? ( $I$  denota la matriz identidad)
- b) [1'75 puntos] Para  $m = 1$ , calcula  $A^{-1}$ , y la matriz  $X$  que satisface  $A \cdot X - B = A \cdot B$ .

**Ejercicio 4.-** Considera el punto  $P(2, -2, 0)$  y la recta "r" dada por  $\begin{cases} x + z - 2 = 0 \\ y + z - 1 = 0 \end{cases}$

- a) [1'25 puntos] Determina la ecuación del plano que contiene a  $P$  y es perpendicular a "r".
- b) [1'25 puntos] Calcula la distancia de  $P$  a "r".

**Instrucciones:** a) **Duración:** 1 hora y 30 minutos.

- b) Tienes que **elegir** entre realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción A** o realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción B**.
- c) La puntuación de cada pregunta está indicada en la misma.
- d) Contesta de forma razonada y escribe ordenadamente y con letra clara.
- e) Se permitirá el uso de calculadoras que no sean programables, gráficas ni con capacidad para almacenar o transmitir datos. No obstante, todos los procesos conducentes a la obtención de resultados deben estar suficientemente justificados.

**Opción A**

**Ejercicio 1.- [2'5 puntos]** Calcula  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan x - \operatorname{sen} x}{x - \operatorname{sen} x}$ .

**Ejercicio 2.-** Sea  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  la función definida por  $f(x) = x^3 - 3x^2 - x + 3$ .

- a) [0'75 puntos] Halla, si existe, el punto de la gráfica de  $f$  en el que la recta tangente es  $y = 3 - x$ .
- b) [1'75 puntos] Calcula el área del recinto limitado por la gráfica de  $f$  y la recta del apartado anterior.

**Ejercicio 3.-** Considera el siguiente sistema de ecuaciones con incógnitas  $x, y, z$ ,

$$\left. \begin{array}{l} \lambda y + (\lambda + 1)z = \lambda \\ \lambda x + z = \lambda \\ x + \lambda z = \lambda \end{array} \right\}$$

- a) [1'5 puntos] Discute el sistema según los valores del parámetro  $\lambda$ .
- b) [0'5 puntos] Resuelve el sistema para  $\lambda = 1$ .
- c) [0'5 puntos] Para  $\lambda = 0$ , si es posible, da tres soluciones distintas.

**Ejercicio 4.-** Sean  $A(-3, 4, 0)$ ,  $B(3, 6, 3)$  y  $C(-1, 2, 1)$  los vértices de un triángulo.

- a) [1 punto] Halla la ecuación del plano  $\pi$  que contiene al triángulo.
- b) [1 punto] Halla la ecuación de la recta perpendicular a  $\pi$  que pasa por el origen de coordenadas.
- c) [0'5 puntos] Calcula el área del triángulo  $ABC$ .

**Instrucciones:** a) **Duración:** 1 hora y 30 minutos.

- b) Tienes que **elegir** entre realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción A** o realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción B**.
- c) La puntuación de cada pregunta está indicada en la misma.
- d) Contesta de forma razonada y escribe ordenadamente y con letra clara.
- e) Se permitirá el uso de calculadoras que no sean programables, gráficas ni con capacidad para almacenar o transmitir datos. No obstante, todos los procesos conducentes a la obtención de resultados deben estar suficientemente justificados.

**Opción B**

**Ejercicio 1.-** Considera la función  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  definida por  $f(x) = x^2 e^{-x^2}$

- a) [0'75 puntos] Estudia y determina las asíntotas de la gráfica de  $f$ .
- b) [1'25 puntos] Halla los intervalos de crecimiento y de decrecimiento y los extremos relativos (abscisas donde se obtienen y valores que se alcanzan).
- c) [0'5 puntos] Esboza la gráfica de  $f$ .

**Ejercicio 2.-** [2'5 puntos] Sea  $f : (-1, 3) \rightarrow \mathbb{R}$  la función definida por  $f(x) = \frac{x+9}{(x+1)(x-3)}$ . Determina la primitiva de  $f$  cuya gráfica pasa por el punto  $(1, 0)$ .

**Ejercicio 3.-** [2'5 puntos] Considera las matrices

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -2 & 1 \\ 0 & -5 & 3 \end{pmatrix} \quad \text{y} \quad B = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}.$$

Halla la matriz  $X$  que verifica  $A^{-1}XA = B - A$ .

**Ejercicio 4.-** Considera el punto  $A(8, -1, 3)$  y la recta  $r$  dada por  $\frac{x+1}{2} = y - 2 = \frac{z-1}{3}$ .

- a) [1'25 puntos] Calcula la ecuación del plano que pasa por  $A$  y es perpendicular a  $r$ .
- b) [1'25 puntos] Halla el punto simétrico de  $A$  respecto de  $r$ .

---

**UNIVERSIDADES DE ANDALUCÍA PRUEBA DE ACCESO A LA UNIVERSIDAD  
CURSO 2013-2014. MATEMÁTICAS II**

**Instrucciones:**

- a) **Duración:** 1 hora y 30 minutos.
- b) Tienes que **elegir** entre realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción A** o realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción B**.
- c) La puntuación de cada pregunta está indicada en la misma.
- d) Contesta de forma razonada y escribe ordenadamente y con letra clara.
- e) Se permitirá el uso de calculadoras que no sean programables, gráficas ni con capacidad para almacenar o transmitir datos. No obstante, todos los procesos conducentes a la obtención de resultados deben estar suficientemente justificados.

**Opción A**

**Ejercicio 1.-** [2'5 puntos] De entre todos los triángulos rectángulos de área  $8 \text{ cm}^2$ , determina las dimensiones del que tiene la hipotenusa de menor longitud.

**Ejercicio 2.-** [2'5 puntos] Calcula  $\int \frac{dx}{2x(x + \sqrt{x})}$ . (Sugerencia: cambio de variable  $t = \sqrt{x}$ )

**Ejercicio 3.-** Se sabe que el determinante de la matriz  $A = \begin{pmatrix} a & b & c \\ b & d & e \\ c & e & f \end{pmatrix}$  es 3, haya los

siguientes determinantes, indicando, en cada caso, las propiedades que utilices:

(a) [1 punto]  $\det(A^3)$ ,  $\det(A^{-1})$  y  $\det(A + A^t)$ . ( $A^t$  indica la traspuesta de  $A$ ).

(b) [0'75 puntos]  $\det \begin{pmatrix} a & b & c \\ c & e & f \\ 2b & 2d & 2e \end{pmatrix}$ .

(c) [0'75 puntos]  $\det \begin{pmatrix} a & b & 4a-c \\ b & d & 4b-e \\ c & e & 4c-f \end{pmatrix}$ .

**Ejercicio 4.-** Sea  $r$  la recta definida por  $\begin{cases} x = 1 + \lambda \\ y = 1 + \lambda \\ z = \lambda \end{cases}$  y "s" la recta dada por

$$\frac{x-1}{-2} = \frac{y}{1} = \frac{z-1}{-2}.$$

- a) [1'75 puntos] Halla la ecuación de la recta que corta perpendicularmente a  $r$  y a  $s$ .
- b) [0'75 puntos] Calcula la distancia entre  $r$  y  $s$

---

**UNIVERSIDADES DE ANDALUCÍA PRUEBA DE ACCESO A LA UNIVERSIDAD  
CURSO 2013-2014. MATEMÁTICAS II**

**Instrucciones:**

- a) **Duración:** 1 hora y 30 minutos.
- b) Tienes que **elegir** entre realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción A** o realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción B**.
- c) La puntuación de cada pregunta está indicada en la misma.
- d) Contesta de forma razonada y escribe ordenadamente y con letra clara.
- e) Se permitirá el uso de calculadoras que no sean programables, gráficas ni con capacidad para almacenar o transmitir datos. No obstante, todos los procesos conducentes a la obtención de resultados deben estar suficientemente justificados.

**Opción B**

**Ejercicio 1.-** Sea  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  la función derivable definida por  $f(x) = \begin{cases} a - x & \text{si } x \leq 1 \\ \frac{b}{x} + \ln(x) & \text{si } x > 1 \end{cases}$

donde  $\ln$  denota el logaritmo neperiano.

- a) [1'25 puntos] Calcula  $a$  y  $b$ .
- b) [1'25 puntos] Para  $a=3$  y  $b=2$  calcula los extremos absolutos de  $f$  en el intervalo  $[0, e]$  (abscisas donde se obtienen y valores que se alcanzan).

**Ejercicio 2.-** Sea  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  la función definida por  $f(x) = e^x \cdot \cos(x)$ .

- a) [1 punto] Calcula la ecuación de la recta tangente a la gráfica de  $f$  en el punto de abscisa  $x = 0$ .
- b) [1'5 puntos] Calcula la primitiva de  $f$  cuya gráfica pasa por el punto  $(0, 0)$ .

**Ejercicio 3.-** Considera el siguiente sistema de ecuaciones lineales,

$$\begin{aligned} mx - 2y + z &= 1 \\ x - 2my + z &= -2 \\ x - 2y + mz &= 1 \end{aligned}$$

- a) [1'75 puntos] Discute el sistema según los valores del parámetro  $m$ .
- b) [0'75 puntos] Si es posible, resuelve el sistema para  $m = -2$ .

**Ejercicio 4.-** Considera el plano  $\pi$  de ecuación  $2x + y - z + 2 = 0$ , y la recta  $r$  de ecuación

$$\frac{x - 5}{-2} = y = \frac{z - 6}{-3}.$$

- a) [0'5 puntos] Determina la posición relativa de  $\pi$  y  $r$ .
- b) [1 punto] Halla la ecuación general del plano que contiene a  $r$  y es perpendicular a  $\pi$ .
- c) [1 punto] Halla las ecuaciones paramétricas del plano paralelo a  $\pi$  que contiene a  $r$ .